



ABRIL
2020

ESCOLA SEM MUROS

MATEMÁTICA
2º ANO Ensino Médio

29/04/2020



Hoje vamos relembrar as propriedades dos determinantes...

Propriedades
dos
Determinantes



Habilidade que
tentaremos desenvolver...

Conhecer e aplicar as propriedades dos determinantes.



Apresentamos um resumo das propriedades para lembrar:



1ª Propriedade: O determinante de uma matriz quadrada é igual ao determinante de sua matriz transposta.

$$S = \begin{bmatrix} -4 & 1 \\ 7 & 2 \end{bmatrix}$$



$$S^T = \begin{bmatrix} -4 & 7 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$$

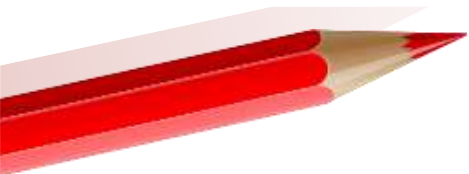
$$\text{DET}(S) = [(-4)(2)] - [(1)(7)]$$



$$\text{DET}(S) = -8 - 7 = -15$$



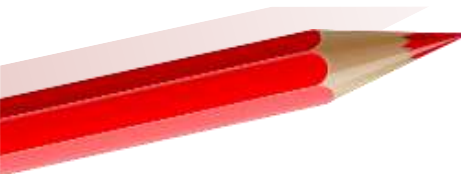
$$\text{DET}(S^T) = [(-4)(2)] - [(7)(1)]$$

$$\text{DET}(S^T) = -8 - 7 = -15$$





2ª Propriedade: Caso haja, numa matriz quadrada, uma coluna ou uma linha de zeros, o determinante será zero.


$$R = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 2 \end{bmatrix}$$


$$\text{DET}(R) = (0)(2) - (1)(0)$$

$$\text{DET}(R) = 0 - 0 = 0$$

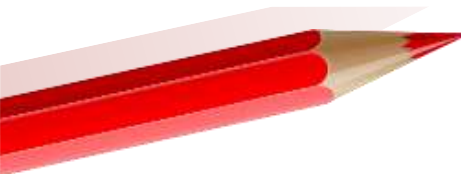
$$T = \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 3 & -10 \end{bmatrix}$$

$$\text{DET}(T) = (0)(-10) - (3)(0)$$

$$\text{DET}(T) = 0 - 0 = 0$$



3ª Propriedade: Se trocarmos a posição de duas linhas (ou colunas) de uma matriz quadrada de ordem 2 ou maior, o determinante da nova matriz será o oposto da matriz original.


$$A = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ -4 & 3 \end{bmatrix}$$

$$\text{DET}(A) = [(2)(3)] - [(1)(-4)]$$



$$\text{DET}(A) = 6 + 4 = 10$$

$$B = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & -4 \end{bmatrix}$$

$$\text{DET}(B) = [(1)(-4)] - [(2)(3)]$$

$$\text{DET}(B) = -4 - 6 = -10$$

OPOSTOS



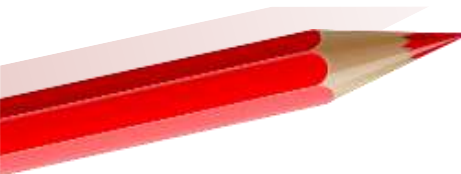
4ª Propriedade: Se duas linhas (ou colunas) de uma matriz quadrada de ordem 2 ou maior forem iguais, o determinante é zero.

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 2 & 2 \end{bmatrix}$$

$$\text{DET}(A) = (1)(2) - (1)(2)$$


$$\text{DET}(A) = 2 - 2 = 0$$

OU

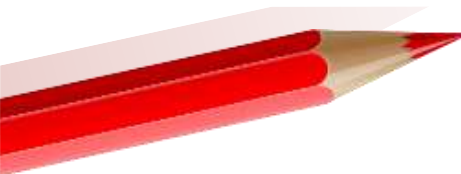

$$B = \begin{bmatrix} 3 & 4 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$$



$$\text{DET}(B) = (3)(4) - (4)(3)$$

$$\text{DET}(B) = 12 - 12 = 0$$

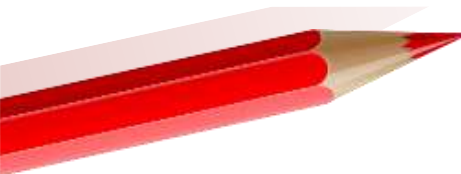


5ª Propriedade: Se multiplicarmos todos os elementos de uma linha (ou coluna) de uma matriz quadrada por um número real, seu determinante também ficará multiplicado por esse número.


$$\begin{array}{ccc} A = \begin{bmatrix} 2 & 8 \\ 3 & 1 \end{bmatrix} & \xrightarrow{1^{\text{a}} \text{ LINHA} \times 2} & B = \begin{bmatrix} 4 & 16 \\ 3 & 1 \end{bmatrix} \\ \text{DET}(A) = (2)(1) - (3)(8) = -22 & & \text{DET}(B) = (4)(1) - (3)(16) = -44 \\ & & \underbrace{\hspace{10em}} \\ & & \text{DET}(B) \text{ É } 2 \times \text{DET}(A) \end{array}$$





6ª Propriedade: Se os elementos correspondentes de duas linhas ou de duas colunas de uma matriz de ordem 2 ou maior forem proporcionais, o determinante é zero.

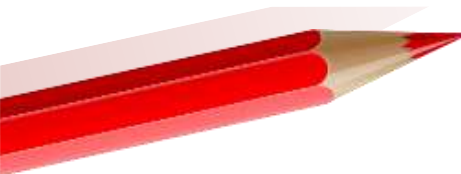

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 6 \end{bmatrix}$$

A red arrow points from the number 3 to the number 6, with the text "x2" written below it, indicating that the second row is a scalar multiple of the first row.

$$\text{DET}(A) = (1)(6) - (2)(3) = 0$$




7ª Propriedade: No caso de uma matriz triangular, o determinante dessa matriz será igual ao produto dos elementos de sua diagonal principal.


$$A = \begin{bmatrix} 6 & 0 \\ 1 & 4 \end{bmatrix}$$

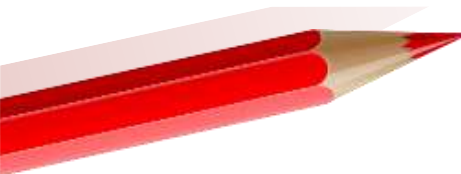
$$\text{DET}(A) = (6)(4) - (0)(1) = 24$$

DIAGONAL PRINCIPAL $\rightarrow 6 \times 4 = 24$



8ª Propriedade: Multiplicando todos os elementos de uma linha (ou coluna) de uma matriz de ordem 2 (ou maior) por um número e adicionando o resultado obtido aos elementos correspondentes de outra linha ou coluna, obteremos uma segunda matriz, tal que os determinantes das duas matrizes serão iguais.



$$A = \begin{bmatrix} 1 & -3 \\ 5 & 7 \end{bmatrix} \quad \text{DET}(A) = (1)(7) - (-3)(5) = 22$$



MULTIPLICANDO A 1ª COLUNA POR 2, SOMANDO O RESULTADO À 2ª COLUNA E SUBSTITUINDO ESSE RESULTADO NA PRÓPRIA 2ª COLUNA, TEREMOS A MATRIZ B:

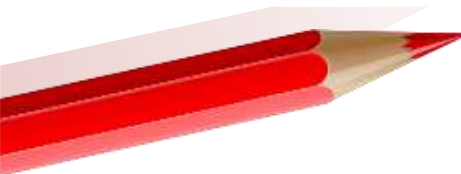
$$A = \begin{bmatrix} 1 & -3 \\ 5 & 7 \end{bmatrix} \quad \begin{bmatrix} 1 \\ 5 \end{bmatrix} \times 2 = \begin{bmatrix} 2 \\ 10 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -3 \\ 7 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 \\ 17 \end{bmatrix} \quad B = \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 5 & 17 \end{bmatrix}$$

$$\text{DET}(B) = (1)(17) - (-1)(5) = 22 \quad \text{DET}(A) = \text{DET}(B)$$



9ª Propriedade: Se duas matrizes quadradas têm a mesma ordem, o determinante do produto dessas matrizes é igual ao produto dos determinantes de cada uma delas. Essa propriedade é chamada de Teorema de Binet.

$$A = \begin{bmatrix} 3 & 5 \\ 1 & 2 \end{bmatrix} \quad B = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ -1 & 0 \end{bmatrix} \quad A \cdot B = \begin{bmatrix} -2 & 6 \\ -1 & 2 \end{bmatrix} \quad \text{DET}(A \cdot B) = -4 + 6 = 2$$


$$\begin{aligned} \text{DET}(A) &= 6 - 5 = 1 \\ \text{DET}(B) &= 0 + 2 = 2 \\ \text{DET}(A) \cdot \text{DET}(B) &= 2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{DET}(A \cdot B) &= \text{DET}(A) \cdot \text{DET}(B) \\ 2 &= 2 \end{aligned}$$

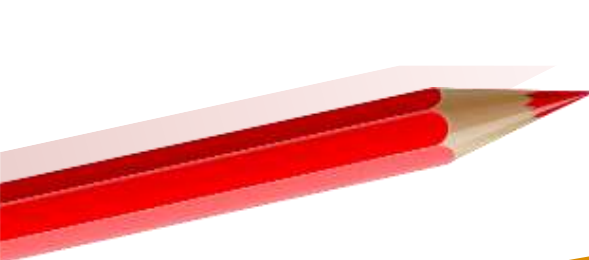


Na aula de hoje...

revisamos as propriedades dos determinantes.

Faça uma ficha resumo dessas propriedades e utilize outra matriz quadrada para testar sua validade!





**Por hoje é só!
Amanhã tem mais!**

Bons Estudos!

EPP – Matemática





ABRIL
2020

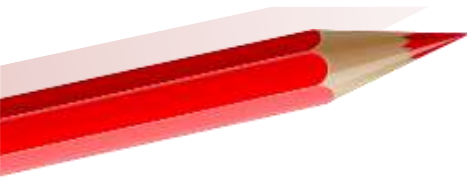
ESCOLA SEM MUROS

MATEMÁTICA
2º ANO Ensino Médio

30/04/2020



Hoje tem exercícios sobre propriedades dos determinantes! Bora!



$$\frac{65}{12}q = (1A + \frac{4}{8}) + (10 - \frac{3}{4} = P(48 + 13C)(35 - \dots = \frac{3}{4}(\frac{P}{65} - \frac{C}{13})(188$$



Preparados?



1) (VUNESP) Dadas as matrizes $A = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 4 \end{bmatrix}$ e $B = \begin{bmatrix} -1 & 2 \\ 3 & 1 \end{bmatrix}$ o determinante da matriz $A \cdot B$ é:

- a) -1.
- b) 6.
- c) 10.
- d) 12.
- e) 14.

2) Para que o determinante da matriz $C = \begin{bmatrix} 1 + a & -1 \\ 3 & 1 - a \end{bmatrix}$ seja nulo, o valor de a deve ser:

- a) 2 ou -2.
- b) 1 ou 3.
- c) -3 ou 5.
- d) -5 ou 3.
- e) 4 ou -4.

3)(MACKENZIE-SP) Se $A=(a_{ij})$ é uma matriz quadrada de terceira ordem, tal que

$$a_{ij} = \begin{cases} a_{ij} = -3, & \text{se } i = j; \\ 0 & , \text{se } i \neq j. \end{cases}, \text{ então o determinante de } A \text{ vale:}$$

a) -27 .

b) 27.

c) $\frac{1}{27}$.

d) $-\frac{1}{27}$.

e) 0.

4) (UFRGS) Se A é uma matriz 2×2 e $\det A = 5$, então o valor de $\det 2A$ é:

a) 5. b) 10. c) 20. d) 25. e) 40.

5) Calcule a equação $\begin{vmatrix} x & 4 \\ 1 & 2 \end{vmatrix} = 3x - 5$

a) 1. b) -1. c) $-\frac{1}{5}$. d) 0. e) $\frac{7}{8}$.

Valeu pela dedicação de hoje!
Descanso merecido!
Até a próxima.



VFA!
 tá feito



Bibliografia



DANTE, Luiz Roberto. **Matemática: Contexto & Aplicações**. Volume 2. 2ª ed. – São Paulo: Ática FTD, 2018.

Conexões com matemática/ organizadora Editora Moderna; obra coletiva concebida, desenvolvida e produzida pela Editora Moderna; editor responsável Fabio Martins de Leonardo. 3º ed. São Paulo: Moderna 2016.

SOUZA, Joamir Roberto. **#Contato matemática 2º ano**. 1ª ed. São Paulo: FTD, 2016.

ME SALVA. **Propriedades dos determinantes**. <https://resumos.mesalva.com/propriedades-determinantes/> Acessado em 24 de abril de 2020.





PREFEITURA MUNICIPAL DE TAUBATÉ
SECRETARIA DE EDUCAÇÃO

EPP – Equipe de Práticas Pedagógicas

eppseed@gmail.com